

Statistics
Paper 1: Descriptive Statistics & Probability Distributions

Time: 3 hours

Max Marks: 80

SECTION - A

Answer ALL questions. 4X15=60

1. a) Distinguish between primary and secondary data. Given various methods of collecting primary and secondary data and also mention their merits and demerits.
 ప్రాథమిక దత్తాంశము మరియు ద్వార్తియ దత్తాంశములను పోల్చుతూ వ్యాఖ్యానించుము. వాటికి సంబంధించి వివిధ దత్తాంశ సేకరణ పద్ధతులను తెల్పి, వాటియొక్క సలజ్డనాలను మరియు అవలజ్డనాలను తెలియజేయుము.

(or) లేక

- b) State and Prove Bayes theorem. The contents of urns I, II and III are as follows.

Urn I : 40 red 28 white 32 Black

Urn II : 12 red 26 white 12 Black

Urn III : 23 red 14 white 23 Black

One urn is chosen at random and 9 balls are drawn. They happen to be 5 red and 4 white balls. Find the probability that it come from Urn I and Urn II.

బేంగా సిద్ధాంతాన్ని ప్రవచించి నిరూపించుము. మూడు సంచులలోని బంతులు క్రీంది విధముగా ఉన్నాయి.

Urn I : 40 ఎరుపు 28 తెలుపు 32 నలుపు

Urn II: 12 ఎరుపు 26 తెలుపు 12 నలుపు

Urn III: 23 ఎరుపు 14 తెలుపు 23 నలుపు

ఈక సంచిని యాధృచ్ఛికముగా ఎన్నుకొని 9 బంతులు తీసినారు. అవి 5 ఎరుపు మరియు

4 తెలుపుబంతులు. అవి I మరియు II

సంచుల నుండి రావడానికి సంభావ్యతను కనుగొనుము.

2. a) Define probability distribution function and write its properties. The joint probability density function of X and Y is given by

$$f(x,y) = kxy, \quad 1 \leq x \leq y \leq 2;$$

Find i) the value of k ii) Marginal density function of X and Y iii) Are X and Y independent.

యాధృచ్ఛిక విభజన ప్రమేయంను నిర్వచింపుము మరియు వాటిధరాగైలను వివరింపుము. రెండు యాధృచ్ఛిక చలరాపులు X, Y ల సంయుక్త సాందర్భ ప్రమేయం

$$f(x,y)=kxy, \quad 1 \leq x \leq y \leq 2.$$

(i) k విలువను (ii) x, y ల ఉపాంత సాందర్భ ప్రమేయాలను కనుగొనుము.

(iii) x మరియు y ల స్వతంత్రతను పరీక్షింపుము.

(or) లేక

- b) State and prove multiplication theorem of expectation on n random variables. Also state and prove Chebyshev's inequality.

గణిత ఆశంస యొక్క సంకలన మరియు గుణకార సిద్ధాంతాలను 'n' చలరాషులకు పేర్కొనుము . షైబిషెవ్ యొక్క అసమానతను ప్రపచించి నిరూపించుము.

3. a) Define Poisson distribution. Find its moment generating function. Find its mean and variance. Also

$$\text{Show that } \mu_{r+1} = \lambda \left\{ \frac{d \mu_r}{d \lambda} + r \mu_{r-1} \right\}$$

పాయిజన్ విభాజనమును నిర్వచింపుము. ఈ విభాజనము యొక్కఫూతికోత్వాదన ప్రమేయమును ఉత్పన్నము చేయుము. పాయిజన్ విభాజనము యొక్క అంకమధ్యముము మరియు విస్తృతులను కనుగొనుము.

$$\text{ఈ విభాజనమునకు } \mu_{r+1} = \lambda \left\{ \frac{d \mu_r}{d \lambda} + r \mu_{r-1} \right\} \text{ అని నిరూపించుము.}$$

(or) లేక

- b) Define hyper geometric distribution. Obtain Binomial distribution is a limiting case of Hyper geometric distribution.

హైపర్ జ్యామిటేయ విభాజనమును నిర్వచింపుము. హైపర్ జ్యామిటేయ విభాజనము యొక్క అవధి రూపముగా ద్విపదవిభాజనమును కనుగొనుము.

4. a) Define Gamma distribution with parameter λ . Find its moment generating function. Find mean and variance through moment generation function.

λ పరామితిగా గల గామా విభాజనమును వివరింపుము. దీన్ని ఫూతికోత్వాదనా ప్రమేయాన్ని రాబట్టి దాని ద్వారా ఈ విభాజనపు అంక మధ్యముము మరియు విస్తృతులను కనుగొనుము.

(or) లేక

- b) Define normal distribution and give their characteristics. Obtain moment generating function of normal distribution.

సామాన్య విభాజనమును నిర్వచింపుము. ఈ విభాజనపు భర్తాములను తెలుపుము. సామాన్య విభాజనము యొక్క ఫూతికోత్వాదక ప్రమేయమును కనుగొనుము.

SECTION -B

4X5 = 20

Answer any FOUR Questions.

5. Explain the concept of skewness and kurtosis. Give various measures of skewness.
అస్క్విషన్, కర్తూస్ ముల వివరించండి. వివిధ అస్క్విషన్ గుణకాలము తెలుపుము.
6. State and prove multiplication theorem of probability for n events.
సంభావ్యత యొక్క ' n ' ఘటనల గుణక సిద్ధాంతమును ప్రపచించినిరూపించుము.
7. Define two dimensional random variable and joint probability distribution function and its properties.
విచ్చిన్న ద్వివరలరాశి విభాజనము నిర్వచింపుము మరియు యాదృచ్ఛిక చలరాశుల సంయుక్త విభాజన ప్రమేయంను నిర్వచింపుము. మరియు వీటి ధర్మాలను వ్రాయుము.
8. State and prove Cauchy-schewartz inequality.
కోషి, ష్ట్ర్యూచ్ అసమానతను, ప్రపచించి నిరూపించుము.
9. Define Binomial distribution. Find mean and Variance.
ద్విపద విభాజనమును నిర్వచించుము. దాని యొక్క అంకమధ్యమును మరియు విష్టతులను కనుగొనుము.
10. Find the moment generating function of negative binomial distribution.
బుణాత్మక ద్విపద విభాజనం యొక్క ఘూతికోత్వాదన ప్రమేయమును కనుగొనుము.
11. Explain lack of memory property of exponential distribution.
ఘూత విభాజనము యొక్క జ్ఞాపక శక్తి రాహిత్య ధర్మమును నిరూపించుము.
12. Define Beta distribution of Ist kind. Find its mean and variance.
మొదటి రకపు బీటా విభజనాన్ని నిర్వచింపుము. ఈ విభాజనపు యొక్క అంకమధ్యము మరియు విష్టతులను కనుగొనుము.

ప్రథమ సంవత్సర బి.వి. స్పెషల్ తెలుగు
పేపర్-1 మాదిరి ప్రశ్నపత్రము
(పద్యభాగం, నాటకం, యతులు, ప్రాసలు, అలంకారములు)

పమయం : 3 గం

మార్కులు : 80

- | | | |
|--|----------------|-------|
| 1. ఈ క్రింది పద్యాలలో ఒకదానికి సమగ్ర వ్యాఖ్య ల్రాయండి. | 15మా। | |
| అ) “ తెలివింబొందకయుండె నెమ్మనమునందివ్యాప్తమంత్రాజ్ఞరం
బులు శారద్యత కుంభసంభవుల సంబోధంబు సర్వంబు ని
ప్పలమయ్యేవృథయయ్య నాంతర కృతాభ్యాసంబుగాండీవికిన్
గలవ్హాళోణి(భినాకసాణి కుహనా కౌటిల్య శిల్పంబున్న.) ” | | |
| ఆ) “ వారిద పంక్తిలో వెదలివచ్చు మెఱుంగుల పీండునా సభీ
వారముతో రమారమణి వచ్చెను హెగ్గడి కత్తె లెందరే
గోరి భజింపనా కొలువు కూటము ముందరి వంక నొప్పు సిం
గారపు తోటనుండి యథికంబగు వైభవమింపుమీరగన్ ” | | |
| 2. అ) శ్రీనాథుడు కిరాతార్జునుల యుద్ధాన్ని వ్యక్తించిన విధమును తెల్పండి.
లేదా | 15మా। | |
| ఆ) నారదునికి తుంబురువిపై గల మాత్స్యహేతువును, తత్ఫలితమును వివరింపుము. | | |
| 3. అ) వేమన పాత్యభాగం ఆధారంగా వేమన కవితారీతుల్ని వివరించండి.
లేదా | 15మా। | |
| ఆ) శివరాజ పట్టాభిషేక వృత్తాంతాన్ని వివరించండి. | | |
| 4. అ) స్వప్న వాసవదత్త నాటకంలోని నాటకలక్ష్మోలను సమన్వయించండి.
లేదా | 15మా। | |
| ఆ) స్వప్న వాసవదత్త నాటకంలోని ‘ వాసవదత్త పాత్రచిత్రణ ’ గూర్చి ల్రాయండి. | | |
| 5. అ) క్రింది యతుల్లో రెండింటిని సోదాహరణాంగా వివరించండి. | | |
| 1. వర్గయతి | 2. అభిందయతి | 2x3=6 |
| 3. చిందుయతి | 4. ఘృతయతి. | |
| ఆ) క్రింది ప్రాసల్లో రెండింటిని సోదాహరణాంగా వివరించండి. | 2x3=6 | |
| 1. సుకర ప్రాసము 2. త్రిప్రాసము 3. దుష్పురప్రాసము 4. అనుప్రాసము | | |
| ఆ) ఈక్రింది అలంకారాలలో రెండింటికి అజ్ఞలక్ష్మణ సమన్వయం చేయండి. | 2x4=8 | |
| 1. ఉత్సేష
2. లైష
3. ఆర్థాంతరన్యాస | 4. స్వభావోక్తి | |